

S. 135/4

Koordinatenebenen

$$E_{12}: \vec{x} = \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

bzw. $E_{12}: x_3 = 0$

$$E_{13}: \vec{x} = \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

bzw. $E_{13}: x_2 = 0$

$$E_{23}: \vec{x} = \lambda \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

bzw. $E_{23}: x_1 = 0$

b) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$

$g \cap E_{12}: 1 + 0 \cdot \lambda = 0 \nrightarrow$ kein SP $g \parallel E_{12}$

$g \cap E_{13}: 2 + 2\lambda = 0 \Rightarrow \lambda = -1$

$$\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \Rightarrow S_{13} (40|1)$$

$g \cap E_{23}: 3 - \lambda = 0 \Rightarrow \lambda = 3$

$$\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + 3 \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 \\ 8 \\ 1 \end{pmatrix} \Rightarrow S_{23} (0|8|1)$$

S. 135/5

Koordinatenachsen

x_1 -Achse: $\vec{x} = \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

x_2 -Achse: $\vec{x} = \lambda \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

x_3 -Achse: $\vec{x} = \lambda \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

a) $E: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \nu \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$

langwierig, aber möglich:
gleichsetzen von Gerade und Ebene

x_1 -Achse: $\lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \nu \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$

II) $0 = \mu - 2\nu \Rightarrow \mu = 2\nu$

III) $0 = 2 + 2\mu + \nu$ in III: $-2 = 4\nu + \nu \Rightarrow \nu = -\frac{2}{5}$

$\Rightarrow \mu = -\frac{4}{5}$

in I) $\lambda = 3 - \frac{4}{5} \cdot 2 - \frac{2}{5} \cdot 2 = \frac{15}{5} - \frac{12}{5} = \frac{3}{5}$

$\Rightarrow S_1 (3/5 | 0 | 0)$

ebenso für x_2 - und x_3 -Achse

S. 135/5a

$$E: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \nu \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$E: \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ -6 \end{pmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} - \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} = 0$$

$$E: 5x_1 + 2x_2 - 6x_3 - 3 = 0$$

$$x_1\text{-Achse: } 5\lambda - 3 = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{3}{5} \quad S_1 \left(\frac{3}{5} \mid 0 \mid 0 \right)$$

$$x_2\text{-Achse: } 2\lambda - 3 = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{3}{2} \quad S_2 \left(0 \mid \frac{3}{2} \mid 0 \right)$$

$$x_3\text{-Achse: } -6\lambda - 3 = 0 \Rightarrow \lambda = -\frac{1}{2} \quad S_3 \left(0 \mid 0 \mid -\frac{1}{2} \right)$$

Sb: $S_1(4|0|0)$
 $S_2(0|6|0)$
 $S_3(0|0|3)$

Sb: S_1 gibt es nicht!
 $S_2(0|6|0)$
 $S_3(0|0|2)$
 $\rightarrow E \parallel x_1\text{-Achse!}$

S. 135/7

$$E: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + \nu \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$a) g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 2 \\ \alpha \\ -1 \end{pmatrix}$$

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix} = 2 \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix}$$

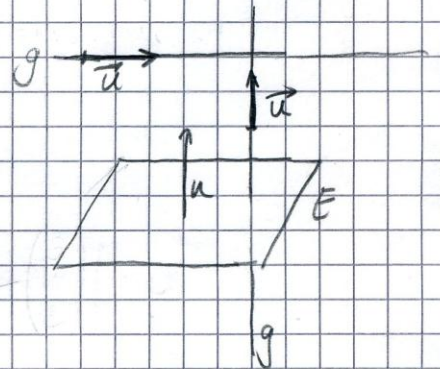
$$g \perp E \Rightarrow \vec{u} = k \cdot \vec{n}$$

$$\begin{pmatrix} 2 \\ \alpha \\ -1 \end{pmatrix} = k \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix} \Rightarrow k=1 \Rightarrow \alpha = -2$$

$$g \parallel E \Rightarrow \vec{u} \perp \vec{n} \Rightarrow \vec{u} \cdot \vec{n} = 0$$

$$\begin{pmatrix} 2 \\ \alpha \\ -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix} = 4 - 2\alpha + 1 = 0$$

$$5 = 2\alpha \Rightarrow \alpha = 2,5$$



S. 135/8

$$g \in E: g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \text{oder} \quad u: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$g \parallel E: g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$